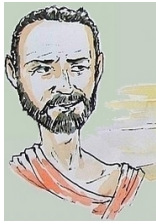


# PROPORTIONNALITÉ – Chapitre 1/2



Lors de son premier voyage en Egypte, **Thalès** applique le théorème qui porte aujourd'hui son nom pour mesurer la hauteur de la grande pyramide de Kheops.

Citons de Thalès : "Le rapport que j'entretiens avec mon ombre est le même que celui que la pyramide entretient avec la sienne." Par une relation de proportionnalité, Thalès obtint la hauteur de la pyramide grâce à la longueur de son ombre.

L'idée ingénieuse de Thalès était la suivante :

" A l'instant où mon ombre sera égale à ma taille, l'ombre de la pyramide sera égale à sa hauteur."

## Partie 1 : Reconnaître une situation de proportionnalité

Méthode : Reconnaître la proportionnalité

▶ Vidéo <https://youtu.be/O7oU-J1OqCw>

Les tableaux représentent-ils une situation de proportionnalité ?

a)	<table border="1" style="display: inline-table;"><tr><td>3,2</td><td>1,3</td><td>5,4</td></tr><tr><td>22,4</td><td>9,1</td><td>37,8</td></tr></table>	3,2	1,3	5,4	22,4	9,1	37,8
3,2	1,3	5,4					
22,4	9,1	37,8					

b)	<table border="1" style="display: inline-table;"><tr><td>2,4</td><td>4,5</td><td>3,9</td></tr><tr><td>0,8</td><td>1,5</td><td>1,25</td></tr></table>	2,4	4,5	3,9	0,8	1,5	1,25
2,4	4,5	3,9					
0,8	1,5	1,25					

### Correction

a)  $22,4 : 3,2 = 7$

$9,1 : 1,3 = 7$

$37,8 : 5,4 = 7$

Il s'agit d'un tableau de proportionnalité.

Le coefficient de proportionnalité est 7.

b)  $2,4 : 0,8 = 3$

$4,5 : 1,5 = 3$

$3,9 : 1,25 = 3,12 \neq 3$

Il ne s'agit pas d'un tableau de

proportionnalité.

**Propriété** : Dans un tableau, on reconnaît une **situation de proportionnalité** lorsque les nombres de la deuxième ligne s'obtiennent en multipliant ceux de la première par **un même nombre**. Ce nombre est appelé **coefficient de proportionnalité**.

## Partie 2 : Appliquer une situation de proportionnalité

Méthode : Appliquer la proportionnalité

▶ Vidéo [https://youtu.be/g6O2B\\_5TuCc](https://youtu.be/g6O2B_5TuCc)

a) 2 m<sup>2</sup> de carrelage coûte 40 €. Le prix est proportionnel à la quantité achetée.

Compléter le tableau :

Quantité en m <sup>2</sup>	1	10	12	20	25	30	40	50
Prix en €								

b) La location d'une petite voiture électrique durant 4 heures coûte 33 €.

Le prix est proportionnel au temps de location.

Compléter le tableau :

Durée de location en h	4	
Prix en €	33	57,75

### Correction

a) Le coefficient de proportionnalité est égal à 20.

En effet  $40 : 2 = 20$ . Ce qui signifie également que 1 m<sup>2</sup> de carrelage coûte 20 €.

Ainsi, les nombres de la deuxième ligne s'obtiennent en multipliant ceux de la première par 20.

Quantité en m <sup>2</sup>	1	10	12	20	25	30	40	50
Prix en €	20	200	240	400	500	600	800	1000

← × 20

b)  $4 : 33$  ne donne pas de valeur décimale exacte. Exprimons alors le coefficient de proportionnalité en prenant  $33 : 4 = 8,25$ .

On effectue alors :

$$57,75 : 8,25 = 7$$

Durée de location en h	4	7
Prix en €	33	57,75

← × 8,25

TP info : « ASSR »

<http://www.maths-et-tiques.fr/telech/ASSR.pdf>

<http://www.maths-et-tiques.fr/telech/ASSR.ods> (Feuille de calcul OoO)

## Partie 3 : Notion de ratio

### Propriétés :

- On dit que deux nombres  $a$  et  $b$  sont dans le **ratio 2 : 3**, si  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$ .

- On dit que trois nombres  $a$ ,  $b$  et  $c$  sont dans le **ratio 2 : 3 : 7**, si  $\frac{a}{2} = \frac{b}{3} = \frac{c}{7}$ .

### Méthode : Partager une quantité dans un ratio donné

 Vidéo <https://youtu.be/LMwUa5oV1fw>

Julie, Luc et Léa ont récolté un grand seau de noix dans le verger du grand-père de Léa. De retour au village, c'est le moment de faire le partage entre les trois amis. Ils comptent 182 noix en tout.

Léa propose d'en avoir un peu plus car c'est le verger de son grand père et que Julie en ait un peu moins car elle en a beaucoup mangé sur le chemin du retour.

D'un commun accord, le partage entre Julie, Luc et Léa se fera dans un ratio 3:4:5. S'il reste des noix, ils les offriront au vieux chien du grand-père de Léa.

Calculer le nombre maximum de noix que recevra chacun pour respecter le ratio.

#### Correction

Julie	Luc	Léa	Totale
3	4	5	12
			182 ?

↪ × ?

La somme des coefficients des ratios est égale à 12.

Le nombre total de noix est égal à 182.

On cherche un **coefficient entier** qui multiplié par 12 donne **182 (ou un peu moins)**.

$182 : 12 \approx 15,2$  donc 182 n'est donc pas un multiple de 12.

$181 : 12 \approx 15,1$  donc 181 n'est donc pas un multiple de 12.

$180 : 12 = 15$  donc 180 est un multiple de 12.

Les 3 enfants se partagent **180** noix et donnent **2** noix au vieux chien du grand-père de Léa.

On complète alors le tableau de proportionnalité :

Julie	Luc	Léa	Totale
3	4	5	12
45	60	75	180

↪ × 15

Julie aura 45 noix, Luc en aura 60 et Léa en aura 75.

$45 + 60 + 75 = 180$ .

On ajoute encore les 2 noix du chien, cela fait bien 182.

Dans la pratique, on applique souvent :

**Propriété :**

Dire que deux nombres  $a$  et  $b$  sont dans le **ratio 2 : 3** signifie que  $\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$ .

### Méthode : Utiliser et appliquer un ratio

 Vidéo <https://youtu.be/xEI2BCqVhN4>

a) Les nombres 35 et 55 sont-ils dans le ratio 5 : 8 ?

b) Les nombres N et 24 sont dans le ratio 5 : 8. Déterminer N.

**Correction**

a)  $\frac{35}{55} \approx 0,636$  et  $\frac{5}{8} \approx 0,625$  donc  $\frac{35}{55} \neq \frac{5}{8}$ .

Les nombres 35 et 55 ne sont donc pas dans le ratio 5 : 8.

b) Les nombres N et 24 sont dans le ratio 5 : 8 donc :  $\frac{N}{24} = \frac{5}{8}$

Soit :  $\frac{N}{24} = \frac{5 \times 3}{8 \times 3}$

$$\frac{N}{24} = \frac{15}{24}$$

Donc :  $N = 15$ .



Hors du cadre de la classe, aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce site sans l'autorisation expresse de l'auteur.

[www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales](http://www.maths-et-tiques.fr/index.php/mentions-legales)